

**Tirages de  $p$  éléments dans un ensemble  $E = \{a_1, \dots, a_n\}$  ( $n$  éléments)**

	<b>Avec Remise</b>	<b>Sans Remise</b>
<b>Avec Ordre</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>. <b><math>p</math>-liste</b> <math>(x_1, \dots, x_p)</math> d'éléments de <math>E</math>.</li> </ul> $n^p$	<ul style="list-style-type: none"> <li>. <math>p</math>-liste <math>(x_1, \dots, x_p)</math> d'éléments distincts de <math>E</math>, appelé <b>Arrangement</b>.</li> </ul> $A_n^p = \frac{n!}{(n-p)!} \text{ si } 1 \leq p \leq n$ <ul style="list-style-type: none"> <li>. Si <math>p = n</math>, on parle de <b>Permutation</b>. Il y en a <math>n!</math>. (★)</li> </ul>
<b>Sans Ordre</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>. <math>n</math>-liste d'entiers <math>(c_1, \dots, c_n)</math> telle que <math>c_1 + \dots + c_n = p</math>, où <math>c_i</math> = nombre de fois où <math>a_i</math> est tiré.</li> </ul> $\binom{p+n-1}{p} = \binom{p+n-1}{n-1}$ <p style="background-color: #ffffcc; border: 1px solid yellow; padding: 2px;"><b>Permutation avec répétitions</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>. Sous-ensemble (ou partie) à <math>p</math> éléments de <math>E</math>, appelé <b>Combinaison</b>.</li> </ul> $\binom{n}{p} = \frac{n!}{p!(n-p)!} \text{ si } 0 \leq p \leq n$

(★) Le nombre de mots contenant  $n_1$  fois la lettre  $a_1$ ,  $n_2$  fois la lettre  $a_2$ , ...,  $n_m$  fois la lettre  $a_m$  est égal à

$$\frac{n!}{n_1!n_2!\dots n_m!} \text{ avec } n = n_1 + \dots + n_m.$$

On parle de **Permutations avec  $n_1$  répétitions de  $a_1$ , ...,  $n_m$  répétitions de  $a_m$** .