

# Tirages de p éléments dans un ensemble $E = \{a_1, \dots, a_n\}$ ( n éléments )

	Avec Remise	Sans Remise
Avec Ordre	<p>. <b>p-liste</b> <math>(x_1, \dots, x_p)</math> d'éléments de E.</p> $n^p$	<p>. p-liste <math>(x_1, \dots, x_p)</math> d'éléments distincts de E, appelé <b>Arrangement</b>.</p> $A_n^p = \frac{n!}{(n-p)!} \quad \text{si } 1 \leq p \leq n$ <p>. Si <math>p = n</math>, on parle de <b>Permutation</b>. Il y en a <math>n!</math>. ( ★ )</p>
Sans Ordre	<p>. n-liste d'entiers <math>(c_1, \dots, c_n)</math> telle que</p> $c_1 + \dots + c_n = p,$ <p>où <math>c_i</math> = nombre de fois où <math>a_i</math> est tiré.</p> $\binom{p+n-1}{p} = \binom{p+n-1}{n-1}$ <p><b>Permutation avec répétitions</b></p>	<p>. Sous-ensemble (ou partie) à p éléments de E, appelé <b>Combinaison</b>.</p> $\binom{n}{p} = \frac{n!}{p!(n-p)!} \quad \text{si } 0 \leq p \leq n$

( ★ ) Le nombre de mots contenant  $n_1$  fois la lettre  $a_1$ ,  $n_2$  fois la lettre  $a_2$ , ...,  $n_m$  fois la lettre  $a_m$  est égal à

$$\frac{n!}{n_1! n_2! \dots n_m!} \quad \text{avec } n = n_1 + \dots + n_m.$$

On parle de **Permutations avec  $n_1$  répétitions de  $a_1$ , ...,  $n_m$  répétitions de  $a_m$** .